

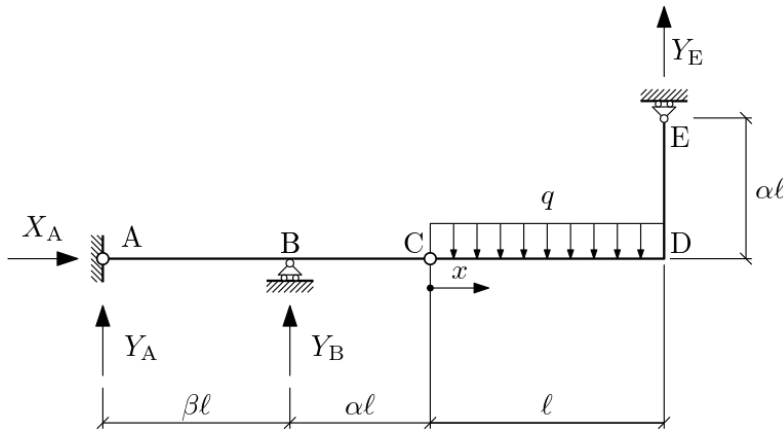
Si riportino nella seguente tabella i risultati normalizzati $\{r_{\#\#}\}$ indicati nel seguito, con precisione di **quattro** cifre significative esatte.

| | |
|------------------|--|
| Cognome | |
| Nome | |
| Matricola | |
| $\{r_{01}\}$ | |
| $\{r_{02}\}$ | |
| $\{r_{03}\}$ | |
| ... | |
| $\{r_{38}\}$ | |

I valori dei parametri binari i,j,k sono definiti sulla base delle ultime tre cifre del numero di matricola del candidato, in particolare:

- $i=0$ se il terzultimo numero è pari o zero, $i=1$ se è dispari;
- $j=0$ se il penultimo numero è pari o zero, $j=1$ se è dispari;
- $k=0$ se l'ultimo numero è pari o zero, $k=1$ se è dispari.

Ad esempio, alla matricola 2357**86** sono associati $i=1$, $j=0$ e $k=0$.



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Considerare la struttura in figura, composta da travi di rigidezza flessionale EJ e caricata sul tratto CD da un carico distribuito uniforme di entità q .

Calcolare le reazioni vincolari

$$X_A = ql \cdot \{r01\}, Y_A = ql \cdot \{r02\}, Y_B = ql \cdot \{r03\}, Y_E = ql \cdot \{r04\}.$$

Calcolare quindi il modulo della forza scambiata in corrispondenza della cerniera interna alla struttura (punto C),

$$F_C = ql \cdot \{r05\},$$

e il momento flettente ai punti A, B, C, D, E ,

$$M_{f,A} = ql^2 \cdot \{r06\},$$

$$M_{f,B} = ql^2 \cdot \{r07\}, M_{f,C} = ql^2 \cdot \{r08\},$$

$$M_{f,D} = ql^2 \cdot \{r09\}, M_{f,E} = ql^2 \cdot \{r10\}.$$

definito positivo per convenzione se porta in trazione le fibre inferiori (tratti orizzontali AB, BC, CD), o se porta in trazione le fibre al fianco destro (tratto verticale DE).

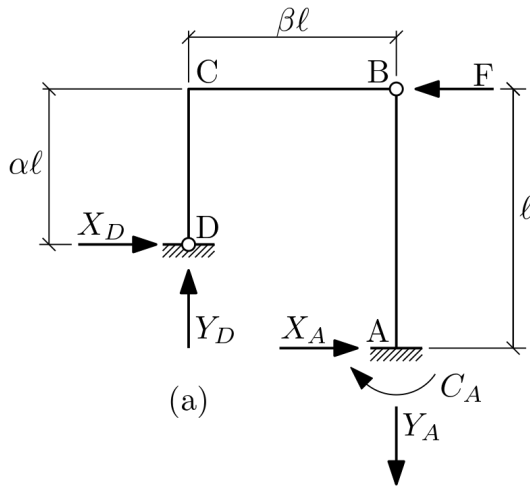
Esprimere in funzione del carico distribuito q il momento flettente sul tratto CD

$$M_{f,CD} =$$

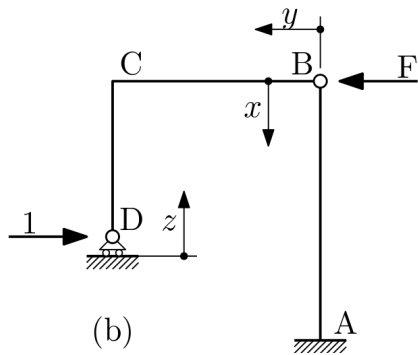
$$q \cdot (\{r11\} \cdot x^2 + \{r12\} \cdot x \cdot l + \{r13\} \cdot l^2).$$

Calcolare infine il valore massimo in modulo sulla struttura dello sforzo di taglio

$$T_{\max} = ql \cdot \{r14\}.$$



(a)



(b)

$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k}$$

Si consideri il portale staticamente indeterminato di figura (a), caricato dalla forza concentrata F .

Si consideri quindi l'associata struttura principale di figura (b), completata con l'inserimento dell'opportuna azione esploratrice unitaria utile per la soluzione dell'iperstatica mediante il PLV. Si assumano positivi per convenzione i momenti flettenti che tendono le fibre esterne al portale.

Si consideri la struttura principale di figura (b), soggetta alla sola forza concentrata F ; riportare l'espressione del momento flettente da questa indotto sui tratti:

$$\text{tratto BA: } M_{fF,BA} = F \cdot l \cdot (\{r15\} + \{r16\} \cdot x/l),$$

$$\text{tratto BC: } M_{fF,BC} = F \cdot l \cdot (\{r17\} + \{r18\} \cdot y/l),$$

$$\text{tratto DC: } M_{fF,DC} = F \cdot l \cdot (\{r19\} + \{r20\} \cdot z/l).$$

Si consideri la struttura principale di figura (b), soggetta ora alla sola azione esploratrice unitaria; riportare l'espressione del momento flettente da questa indotto sui tratti:

$$\text{tratto BA: } M_{f1,BA} = 1 \cdot l \cdot (\{r21\} + \{r22\} \cdot x/l),$$

$$\text{tratto BC: } M_{f1,BC} = 1 \cdot l \cdot (\{r23\} + \{r24\} \cdot y/l),$$

$$\text{tratto DC: } M_{f1,DC} = 1 \cdot l \cdot (\{r25\} + \{r26\} \cdot z/l).$$

Noto che la reazione vincolare iperstatica ha espressione:

$$X_D = F / (\alpha^3 + \alpha^2 \beta + 1)$$

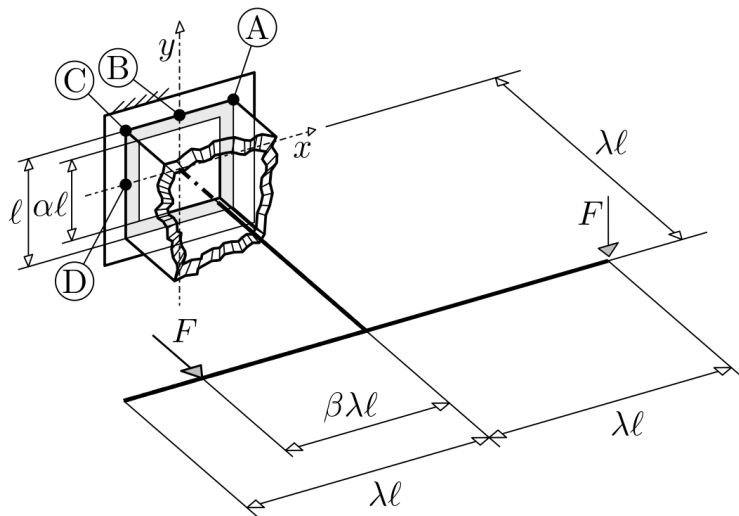
calcolare le rimanenti reazioni vincolari

$$Y_D = F \cdot \{r27\}; \quad X_A = F \cdot \{r28\}; \quad Y_A = F \cdot \{r29\};$$

$$C_A = F \cdot l \cdot \{r30\};$$

e il valore del massimo momento flettente sulla struttura (a)

$$\text{in modulo } M_{f,max} = F \cdot l \cdot \{r31\}.$$



$$\alpha = \frac{1+i}{4+k}, \quad \beta = \frac{3-k+j}{5-k},$$

$$\lambda = 2 + 2i + j$$

Si consideri la struttura trabeiforme a “T” in figura, incastrata alla base e caricata da forze concentrate al tratto trasverso, e costituita da un profilato a sezione quadrata cava di lato esterno ℓ e lato interno $\alpha\ell$.

Calcolare i momenti d’inerzia rispetto agli assi xx e yy

$$J_{xx} = J_{yy} = \{r32\} \cdot \ell^4$$

e i corrispondenti moduli di resistenza a flessione

$$W_{xx} = W_{yy} = \{r33\} \cdot \ell^3$$

Calcolare (con segno) i valori di tensione assiale indotte ai punti A, B, C e D della sezione di incastro dai carichi applicati, tenendo conto dei contributi di momento flettente e sforzo normale:

- punto A, $\sigma_A = \{r34\} \cdot F/\ell^2$,
- punto B, $\sigma_B = \{r35\} \cdot F/\ell^2$,
- punto C, $\sigma_C = \{r36\} \cdot F/\ell^2$,
- punto D, $\sigma_D = \{r37\} \cdot F/\ell^2$.

Calcolare (in modulo) il valore di tensione tangenziale indotto al punto B dal momento torcente (utilizzare la formula di Bredt):

- punto B, $\tau_B = \{r38\} \cdot F/\ell^2$.

| Nome: | | Cognome: | | Matricola: | |
|-------|--|----------|--|------------|--|
| {r01} | | {r18} | | {r35} | |
| {r02} | | {r19} | | {r36} | |
| {r03} | | {r20} | | {r37} | |
| {r04} | | {r21} | | {r38} | |
| {r05} | | {r22} | | {...} | |
| {r06} | | {r23} | | {...} | |
| {r07} | | {r24} | | {...} | |
| {r08} | | {r25} | | {...} | |
| {r09} | | {r26} | | {...} | |
| {r10} | | {r27} | | {...} | |
| {r11} | | {r28} | | {...} | |
| {r12} | | {r29} | | {...} | |
| {r13} | | {r30} | | {...} | |
| {r14} | | {r31} | | {...} | |
| {r15} | | {r32} | | {...} | |
| {r16} | | {r33} | | {...} | |
| {r17} | | {r34} | | {...} | |

Niente di interessante su questo
schermo: guarda il foglio!!